

НАЦІОНАЛЬНА  
АКАДЕМІЯ НАУК  
УКРАЇНИ

ІНСТИТУТ  
ПРИКЛАДНИХ  
ПРОБЛЕМ  
МЕХАНІКИ І  
МАТЕМАТИКИ  
ім. Я. С. ПІДСТРИГАЧА

# МАТЕМАТИЧНІ МЕТОДИ ТА ФІЗИКО- МЕХАНІЧНІ ПОЛЯ

НАУКОВИЙ ЖУРНАЛ

ЗАСНОВАНО 1975 р.

Том 57, № 2

ЛЬВІВ 2014

## ЗМІСТ

Сторож О. Г. Деякі аналітичні властивості функції Вейля замкненого оператора .....	7
Гладун В. Р. Деякі множини відносної стійкості до збурень гіллястих ланцюгових дробів з комплексними елементами та змінною кількістю гілок розгалужень .....	14
Пташник Б. Й., Репетило С. М. Задача Діріхле – Неймана для систем гіперболічних рівнянь зі сталими коефіцієнтами .....	25
Савенко П. О. Синтез випромінюючих систем з плоским розкривом за заданою діаграмою напрямленості за потужністю. II. Знаходження розв'язків у точках біfurкації .....	32
Булацік О. О. Про взаємне перетворення типів розв'язків одного класу нелінійних інтегральних рівнянь Гаммерштейна .....	43
Гафійчук В. В., Дацко Б. Й., Васюник З. І. Метод малого параметра в нелінійних системах реакції–дифузії: умови застосування, побудова розв'язків, аналіз біfurкацій .....	51
Пукач П. Я. Дослідження згинних коливань у стержнях Фойгта – Кельвіна з урахуванням нелінійних сил опору .....	60
Флячок В. М. Варіаційна теорема динамічної задачі взаємозв'язаної механо-термодифузії неоднорідних анізотропних оболонок з дисторсіями .....	66
Лила Д. М. Потеря устойчивости врачающегося упругопластического радиально неоднородного ступенчатого кольцевого диска .....	73

<i>Слободян Б. С., Ляшенко Б. А., Маланчук Н. І., Марчук В. Є., Мартиняк Р. М.</i> Моделювання контактної взаємодії періодично текстурованих тіл з урахуванням фрикційного проковзування . . . . .	88
<i>Папков С. О.</i> Пространственная динамическая задача теории упругости для параллелепипеда . . . . .	97
<i>Киричок І. Ф., Сенченков І. К., Червінко О. П.</i> Вимушенні коливання і вібророзігрів в'язкопружніх балок з п'єзоелектричними сенсорами і актуаторами . . . . .	112
<i>Куреннов С. С.</i> Продольно-изгибные колебания трехслойного стержня. Уточненная модель . . . . .	125
<i>Ковалев Ю. Д.</i> Изгибные колебания толстостенной оболочки конечной длины при скользящей заделке ее торцов . . . . .	133
<i>Горынин Г. Л., Немировский Ю. В.</i> Математическое моделирование процесса теплопроводности для 2D-периодических композитных анизотропных материалов . . . . .	142
<i>Янковский А. П.</i> Исследование спектральной устойчивости обобщенных методов Рунге – Кутта применительно к начальной задаче для уравнения переноса . . . . .	152
<i>Попович В. С., Калиняк Б. М.</i> Математичне моделювання і методика визначення статичного термопружного стану багатошарових термоочутливих циліндрів . . . . .	169
<i>Попадюк І. Й., Шацький І. П., Шопа В. М., Величкович А. С.</i> Фрикційна взаємодія циліндричної оболонки з деформівним заповнювачем при немонотонному навантаженні . . . . .	187
<i>Хапко Б. С., Чиж А. І.</i> Про вплив змінних коефіцієнтів тепловіддачі на термонапруження у скінченній циліндричній оболонці . . . . .	195

НАЦИОНАЛЬНАЯ  
АКАДЕМИЯ НАУК  
УКРАИНЫ

ИНСТИТУТ  
ПРИКЛАДНЫХ  
ПРОБЛЕМ  
МЕХАНИКИ И  
МАТЕМАТИКИ  
им. Я. С. ПОДСТРИГАЧА

# МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ И ФИЗИКО- МЕХАНИЧЕСКИЕ ПОЛЯ

НАУЧНЫЙ ЖУРНАЛ

ОСНОВАН В 1975 г.

Том 57, № 2

ЛЬВОВ 2014

## СОДЕРЖАНИЕ

Сторож О. Г. Некоторые аналитические свойства функции Вейля замкнутого оператора .....	7
Гладун В. Р. Некоторые множества относительной устойчивости к возмущениям ветвящихся цепных дробей с комплексными элементами и переменным количеством ветвей разветвления .....	14
Пташник Б. И., Репетило С. М. Задача Дирихле – Неймана для систем гиперболических уравнений с постоянными коэффициентами .....	25
Савенко П. А. Синтез излучающих систем с плоским раскрытием по заданной диаграмме направленности по мощности. II. Нахождение решений в точках бифуркации .....	32
Булацык Е. А. О взаимном преобразовании типов решений одного класса нелинейных интегральных уравнений Гаммерштейна .....	43
Гафийчук В. В., Дацко Б. И., Васюнык З. И. Метод малого параметра в нелинейных системах реакции-диффузии: условия применения, построение решений, анализ бифуркаций .....	51
Пукач П. Я. Исследование изгибных колебаний в стержнях Фойхта – Кельвина с учетом нелинейных сил сопротивления .....	60
Флячок В. М. Вариационная теорема динамической задачи взаимосвязанной механотермодиффузии неоднородных анизотропных оболочек с дисторсиями .....	66
Лила Д. М. Потеря устойчивости вращающегося упругопластического радиально неоднородного ступенчатого кольцевого диска .....	73

<i>Слободян Б. С., Ляшенко Б. А., Маланчук Н. И., Марчук В. Е., Мартынек Р. М.</i> Моделирование контактного взаимодействия периодически текстурированных тел с учетом фрикционного проскальзывания . . . . .	88
<i>Папков С. О.</i> Пространственная динамическая задача теории упругости для параллелепипеда . . . . .	97
<i>Киричок И. Ф., Сенченков И. К., Червякко О. П.</i> Вынужденные колебания и виброразогрев вязкоупругих балок с пьезоэлектрическими сенсорами и актуаторами . . . . .	112
<i>Куреннов С. С.</i> Продольно-изгибные колебания трехслойного стержня. Уточненная модель . . . . .	125
<i>Ковалев Ю. Д.</i> Изгибные колебания толстостенной оболочки конечной длины при скользящей заделке ее торцов . . . . .	133
<i>Горынин Г. Л., Немировский Ю. В.</i> Математическое моделирование процесса теплопроводности для 2D-периодичных композитных анизотропных материалов . . . . .	142
<i>Янковский А. П.</i> Исследование спектральной устойчивости обобщенных методов Рунге – Кутта применительно к начальной задаче для уравнения переноса . . . . .	152
<i>Попович В. С., Калыняк Б. Н.</i> Математическое моделирование и методика определения статического термоупругого состояния многослойных термочувствительных цилиндров . . . . .	169
<i>Попадюк И. И., Шацкий И. П., Шона В. М., Величкович А. С.</i> Фрикционное взаимодействие цилиндрической оболочки с деформируемым заполнителем при немонотонном нагружении . . . . .	187
<i>Хапко Б. С., Чиж А. И.</i> О влиянии переменных коэффициентов теплоотдачи на термонапряжения в конечной цилиндрической оболочке . . . . .	195

NATIONAL  
ACADEMY  
OF SCIENCES  
OF UKRAINE

PIDSTRYHACH  
INSTITUTE OF  
APPLIED PROBLEMS  
OF MECHANICS AND  
MATHEMATICS

# MATHEMATICAL METHODS and PHYSICOMECHANICAL FIELDS

SCIENTIFIC JOURNAL

FOUNDED IN 1975

**Vol. 57, No. 2**

L'viv 2014

---

---

## CONTENTS

<i>Storozh O. H.</i> Some analytic properties of the Weyl function of closed operator . . . . .	7
<i>Hladun V. R.</i> Some sets of relative stability to perturbations of branched continued fractions with complex elements and variable number of branches of branching . . . . .	14
<i>Ptashnyk B. Yo., Repetylo S. M.</i> Dirichlet – Neumann problem for systems of hyperbolic equations with constant coefficients . . . . .	25
<i>Savenko P. O.</i> Synthesis of radiating systems with a flat aperture by the given power pattern directivity. II. Finding the solutions at bifurcation points . . . . .	32
<i>Bulatsyk O. O.</i> On the reciprocal conversion of the types of solutions for a class of nonlinear Hammerstein integral equations . . . . .	43
<i>Gafiychuk V. V., Datsko B. Yo., Vasiunyk Z. I.</i> Small parameter method in nonlinear reaction-diffusion systems: conditions of application, construction of solutions, bifurcation analysis . . . . .	51
<i>Pukach P. Ya.</i> Investigation of bending vibrations in Voigt – Kelvin bars taking into account the nonlinear resistance forces . . . . .	60
<i>Flyachok V. M.</i> Variational theorem of dynamic problem on coupled mechano-thermodiffusion for inhomogeneous anisotropic shells with distortions . . . . .	66
<i>Lila D. M.</i> Stability loss of rotating elastoplastic radially inhomogeneous stepped annular disk . . . . .	73
	5

<i>Slobodian B. S., Lyashenko B. A., Malanchuk N. I., Marchuk V. Ye., Martynyak R. M.</i> Modeling of contact interaction of periodically textured solids with accounting frictional slipping .....	88
<i>Papkov S. O.</i> Spatial dynamic problem of elasticity theory for parallelepiped ...	97
<i>Kyrychok I. F., Senchenkov I. K., Chervinko O. P.</i> Forced vibrations and vibration heating-up of viscoelastic beams with piezoelectric sensors and actuators .....	112
<i>Kurennov S. S.</i> Longitudinal-flexural vibrations of a three-layered rod. A refined model .....	125
<i>Kovalev Yu. D.</i> Bending vibrations of a thick-walled shell of finite length with sliding fixed end faces .....	133
<i>Gorynin G. L., Nemirovskii Yu. V.</i> Mathematical modeling of heat conduction process for 2D-periodic anisotropic composite materials.....	142
<i>Yankovskii A. P.</i> Study of spectral stability of generalized Runge – Kutta method as applied to initial problem for the transfer equation .....	152
<i>Popovych V. S., Kalynyak B. M.</i> Mathematical modeling and method for determining the steady thermoelastic state in multi-layered thermal sensitive cylinders.....	169
<i>Popadyuk I. Yo., Shatskyi I. P., Shopa V. M., Velychkovych A. S.</i> Frictional interaction of cylindrical shell with a deformable filler at a non-monotonous loading .....	187
<i>Khapko B. S., Chyzh A. I.</i> On effect of variable heat exchange coefficients on thermal stresses in finite cylindrical shell .....	195