

НАЦІОНАЛЬНА АКАДЕМІЯ  
НАУК УКРАЇНИ

ІНСТИТУТ ПРИКЛАДНИХ ПРОБЛЕМ  
МЕХАНІКИ І МАТЕМАТИКИ  
ім. Я.С. ПІДСТРИГАЧА

**ПРИКЛАДНІ  
ПРОБЛЕМИ  
МЕХАНІКИ І  
МАТЕМАТИКИ**

НАУКОВИЙ ЗБІРНИК

ЗАСНОВАНО В 2003 р.

---

**Випуск 16**

---

**Львів 2018**

---

**ЗМІСТ**

|  |    |
|--|----|
| <b>Chapovskyi Ie. Yu., Efimov D. I., Petravchuk A. P.</b> Solvable Lie algebras of derivations of polynomial rings in three variables .....  | 7  |
| <b>Шаваровський Б. З.</b> Про деякі інваріанти поліноміальних матриць щодо напівскалярної еквівалентності .....  | 14 |
| <b>Тилищак О. А.</b> Про число нерозкладних модулярних зображень циклічної $p$ -групи над скінченним локальним кільцем .....   | 19 |
| <b>Bondarenko V. M., Orlovskaja Yu. M., Styropochkina M. V.</b> On Hasse diagrams connected with the 1-oversupercritical poset (1, 3, 5) .....                                     | 30 |
| <b>Romaniv A. M., Zabavsky B. V., Bilavska S. I.</b> Adequate properties of the elements with almost stable range 1 of a commutative elementary divisor domain .....               | 33 |
| <b>Саган А. В.</b> Коли $R(X)$ і $R\langle X \rangle$ є $\omega$ -евклідовими областями .....  | 36 |
| <b>Дмитрук А. А.</b> Локально адекватні дуо-кільця як узагальнення адекватних справа кілець .....  | 39 |
| <b>Тополюк Ю. П.</b> Про коректне формулювання варіаційних задач з вільною фазою .....   | 43 |
| <b>Дзякович Д. О.</b> Застосування універсальних багатоточкових інваріантів у евклідовому та псевдоевклідовому просторах .....   | 50 |
| <b>Чекурін В. Ф., Бойчук Ю. В.</b> Дослідження інформативних параметрів для визначення поверхневих радіаційних властивостей теплоізоляційних шарів .....                           | 58 |
| <b>Марчук М. В., Харченко В. М., Хом'як М. М.</b> Математична модель визначення ефективних фізико-механічних характеристик перехресно армованого композитного шару .....           | 64 |
| <b>Асташкін В. І., Будз С. Ф., Дробенко Б. Д.</b> Оцінювання можливості подальшого використання колекторів первинного пароперегрівача котла з експлуатаційними пошкодженнями ..... | 74 |
| <b>Лила Д. М.</b> Упругопластическая неустойчивость одного автоскрепленного вращающегося кольцевого диска .....  | 82 |

---

|  |     |
|--|-----|
| <b>Процюк Б. В., Синюта В. М.</b> Дослідження нестационарного температурного поля двошарового циліндра за різних кутових швидкостей руху нормально розподіленого потоку тепла .....                    | 91  |
| <b>Бернакевич І. Є., Вагін П. П., Козій І. Я.</b> Скінченно-елементне розв'язування задач теорії оболонок, податливих до зсувів та стиснення .....   | 98  |
| <b>Рабош Р. В., Максимів Ю. І., Пороховський В. В., Міщенко В. О.,<br/>Кунець Я. І.</b> Математична модель поширення SH-хвиль у композитах з розподіленими тонкими п'єзоелектричними включеннями ..... | 107 |
| <b>Махоркін М. І.</b> Вплив клиновидної вставки з функціонально-градієнтного матеріалу на особливість напружень у складеній клиноподібній структурі за антиплоскої деформації .....                    | 112 |
| <b>Жидик У. В.</b> Дослідження термопружного стану неоднорідної за товщиною ізотропної циліндричної оболонки .....   | 119 |
| <b>Николишин Т. М.</b> Вплив лінійного пружного середовища на граничну рівновагу пружно-пластиичної циліндричної оболонки з тріщиною .....   | 126 |
| <b>Чиж А. І.</b> Температурні напруження в осесиметричній зрізаній конічній оболонці з кусково-сталими коефіцієнтами тепловіддачі .....  | 132 |
| <b>Горошко В. О.</b> Визначення теплового стану п'ятишарової порожнистої кулі за конвективно-променевого теплообміну з довкіллям .....   | 141 |
| <b>Репетило С. М., Симотюк М. М.</b> Задача Діріхле–Неймана для рівнянь із частинними похідними високого порядку зі сталими коефіцієнтами ....   | 147 |
| <b>Горячко Т. В., Пакош В. С., Лесик О. Ф.</b> Збіжність скінченно-елементного алгоритму визначення мінімальної власної частоти пластини-смуги за використання деяких моделей деформування .....       | 154 |

**НАЦИОНАЛЬНАЯ АКАДЕМИЯ  
НАУК УКРАИНЫ**

**ИНСТИТУТ ПРИКЛАДНЫХ ПРОБЛЕМ  
МЕХАНИКИ И МАТЕМАТИКИ  
им. Я.С. ПОДСТРИГАЧА**

**ПРИКЛАДНЫЕ  
ПРОБЛЕМЫ  
МЕХАНИКИ И  
МАТЕМАТИКИ**

**НАУЧНЫЙ СБОРНИК**

**ОСНОВАН В 2003 г.**

---

**Выпуск 16**

---

**Львов 2018**

---

**СОДЕРЖАНИЕ**

|   |    |
|---|----|
| <b>Чаповский Е. Ю., Ефимов Д. И., Петравчук А. П.</b> Разрешимые алгебры Ли дифференцирований колец многочленов от трех переменных .....  | 7  |
| <b>Шаваровский Б. З.</b> О некоторых инвариантах полиномиальных матриц относительно полускалярной эквивалентности .....   | 14 |
| <b>Тилищак А. А.</b> О числе неразложимых модулярных представлений циклической $r$ -группы над конченным локальным кольцом .....  | 19 |
| <b>Бондаренко В. М., Орловская Ю. М., Степочкина М. В.</b> О диаграммах Хассе, связанных с 1-надсуперкритическим частично упорядоченным множеством $(1, 3, 5)$ .....                  | 30 |
| <b>Романив А. М., Забавский Б. В., Белявская С. И.</b> Адекватные свойства элементов почти стабильного ранга 1 коммутативной области элементарных делителей .....                     | 33 |
| <b>Саган А. В.</b> Когда $R(X)$ и $R\langle X \rangle$ есть $\omega$ -евклидовыми областями .....   | 36 |
| <b>Дмитрук А. А.</b> Локально адекватные дуо-кольца как обобщение адекватных справа колец .....   | 39 |
| <b>Тополюк Ю. П.</b> О корректной постановке задач со свободной фазой .....   | 43 |
| <b>Дзякович Д. А.</b> Применение универсальных многоточечных инвариантов в евклидовом и псевдоевклидовом пространствах .....  | 50 |
| <b>Чекурин В. Ф., Бойчук Ю. В.</b> Исследование информативных параметров для определения поверхностных радиационных свойств теплоизоляционных слоев .....                             | 58 |
| <b>Марчук М. В., Харченко В. Н., Хомяк Н. Н.</b> Математическая модель определения эффективных физико-механических характеристик перекрестно армированного композитного слоя .....    | 64 |
| <b>Асташкин В. И., Будз С. Ф., Дробенко Б. Д.</b> Оценка возможности дальнейшего использования коллекторов первичного пароперегревателя котла с эксплуатационными повреждениями ..... | 74 |
| <b>Лила Д. М.</b> Упругопластическая неустойчивость одного автоскрепленного вращающегося кольцевого диска .....   | 82 |

---

|  |     |
|--|-----|
| <b>Процюк Б. В., Синюта В. М.</b> Исследование нестационарного температурного поля двухслойного цилиндра при разных угловых скоростях движения нормально распределенного потока тепла .....                      | 91  |
| <b>Бернакевич И. Е., Вагин П. П., Козий И. Я.</b> Конечноэлементное решение задач теории оболочек, податливых к сдвигам и сжатию .....   | 98  |
| <b>Рабош Р. В., Максимив Ю. И., Пороховский В. В., Мищенко В. А.,<br/>Кунец Я. И.</b> Математическая модель распространения SH-волн в композитах с распределенными тонкими пьезоэлектрическими включениями ..... | 107 |
| <b>Махоркин Н. И.</b> Влияние клиновидной вставки с функционально-градиентного материала на особенности напряжений в составной клиновидной структуре при антиплоской деформации .....                            | 112 |
| <b>Жидык У. В.</b> Исследование термоупругого состояния неоднородной по толщине изотропной цилиндрической оболочки .....   | 119 |
| <b>Николишин Т. М.</b> Влияние линейной упругой среды на предельное равновесие упругопластической цилиндрической оболочки с трещиной .....   | 126 |
| <b>Чиж А. И.</b> Температурные напряжения в осесимметричной срезанной конической оболочке с кусочно-постоянными коэффициентами теплоотдачи .....   | 132 |
| <b>Горошико В. О.</b> Определение теплового состояния пятислойного полого шара при конвективно-лучевом теплообмене с окружающей средой .....   | 141 |
| <b>Репетило С. М., Симотюк М. М.</b> Задача Дирихле–Неймана для уравнений с частными производными высокого порядка с постоянными коэффициентами .....  | 147 |
| <b>Горячко Т. В., Пакош В. С., Лесик О. Ф.</b> Сходимость конечно-элементного алгоритма определения минимальной собственной частоты пластины-полосы при использовании некоторых моделей деформирования .....     | 154 |

NATIONAL ACADEMY  
OF SCIENCES OF UKRAINE  
PIDSTRYHACH INSTITUTE  
OF APPLIED PROBLEMS OF  
MECHANICS AND MATHEMATICS

**APPLIED  
PROBLEMS OF  
MECHANICS AND  
MATHEMATICS**

SCIENTIFIC PROCEEDINGS

FOUNDED IN 2003

Issue 16

L'viv 2018

**CONTENTS**

|   |    |
|---|----|
| <b>Chapovskyi Ie. Yu., Efimov D. I., Petravchuk A. P.</b> Solvable Lie algebras of derivations of polynomial rings in three variables .....   | 7  |
| <b>Shavarovskii B. Z.</b> On some invariants of polynomial matrices with respect to semiscalar equivalence .....  | 14 |
| <b>Tlyshchak A. A.</b> On number of indecomposable modular representations of cyclic $p$ -group over finite local ring .....  | 19 |
| <b>Bondarenko V. M., Orlovskaja Yu. M., Styopochkina M. V.</b> On Hasse diagrams connected with the 1-versupercritical poset (1, 3, 5) .....  | 30 |
| <b>Romaniv A. M., Zabavsky B. V., Bilavska S. I.</b> Adequate properties of the elements with almost stable range 1 of a commutative elementary divisor domain .....                                      | 33 |
| <b>Sagan A. V.</b> When $R(X)$ and $R\langle X \rangle$ is $\omega$ -Euclidean domain .....   | 36 |
| <b>Dmytruk A. A.</b> Locally adequate duo rings as a generalization case of right adequate rings .....  | 39 |
| <b>Topolyuk Yu. P.</b> On the correct statement of free-phase variational problems.   | 43 |
| <b>Dziakovych D. A.</b> Application of universal multipoint invariants in Euclidean and pseudo-Euclidean spaces .....   | 50 |
| <b>Chekurin V. F., Boichuk Yu. V.</b> Investigation of informative parameters for determination of surface radiation properties of thermal insulation layers .....  | 58 |
| <b>Marchuk M. V., Kharchenko V. M., Khomyak M. M.</b> Mathematical model for determination of effective physical and mechanical characteristics of cross-reinforced composite layer .....                 | 64 |
| <b>Astashkin V. I., Budz S. F., Drobenko B. D.</b> Evaluation of the possibility of further use of collectors of the primary steam superheaters with operating damages .....                              | 74 |
| <b>Lila D. M.</b> Elasto-plastic instability of autoclamped rotating annular disk .....   | 82 |
| <b>Protsiuk B. V., Syniuta V. M.</b> Investigation of the non-stationary temperature field of a two-layer cylinder at different angular velocities of motion of normally distributed stream of heat ..... | 91 |
| <b>Bernakevych I. Ye., Vahin P. P., Koziy I. Ya.</b> Finite-element solution of the problems of the theory of shells amenable to shear and compression .....  | 98 |

---

|  |     |
|--|-----|
| <b>Rabosh R. V., Maksymiv Yu. I., Porokhovs'kyi V. V., Mishchenko V. O.,</b>   |     |
| <b>Kunets Ya. I.</b> Mathematical model of SH-wave propagation in<br>composites with distributed thin piezoelectric inclusions .....   | 107 |
| <b>Makhorkin M. I.</b> Effect of a wedge-shaped insert of the functionally graded<br>material on the stress singularity in a composite wedge structure<br>under antiplane deformation .....                                    | 112 |
| <b>Zhydyk U. V.</b> Analysis of the thermoelastic state of the inhomogeneous through<br>the thickness isotropic cylindrical shell .....  | 119 |
| <b>Nykolyshyn T. M.</b> The influence of linear elastic medium on limit equilibrium of<br>elastico-plastic cylindrical shell with a crack .....  | 126 |
| <b>Chyzh A.I.</b> Thermal stresses in axisymmetric truncated conical shell with<br>piecewise constant heat transfer coefficients .....   | 132 |
| <b>Horoshko V. O.</b> Determination of the heat state in the five-layer hollow sphere<br>at convective and radiative heat exchange with the environment .....  | 141 |
| <b>Repetylo S. M., Symotruk M. M.</b> Dirichlet–Neumann problem for high-order<br>partial differential equations with constant coefficients .....  | 147 |
| <b>Goriachko T. V., Pakoch V. S., Lesyk O. F.</b> Convergence of the finite element<br>algorithm for the determination of the minimum natural frequency of<br>the strip-plate with the use of some models of deformation ..... | 154 |